

Міністерство освіти і науки України
Мелітопольський державний педагогічний університет
імені Богдана Хмельницького

**ІНФОРМАЦІЙНІ
ТЕХНОЛОГІЇ В ОСВІТІ ТА
НАУЦІ**

Збірник наукових праць

Випуск 11

Мелітополь – 2019

УДК 004:[001+37](058)

І74

Рекомендовано до друку Вченою радою
Мелітопольського державного педагогічного
університету імені Богдана Хмельницького
(протокол № 14 від 28.05.2019 р.)

Редакційна колегія:

Осадчий В.В. – доктор педагогічних наук, професор, голова редакційної колегії;

Спірін О.М. – доктор педагогічних наук, професор, член-кореспондент НАПН України;

Гоменюк С.І. – доктор технічних наук, професор;

Горбатюк Р.М. – доктор педагогічних наук, професор;

Коваль Т.І. – доктор педагогічних наук, професор

Лазарєв М.І. – доктор педагогічних наук, професор;

Мачинська Н.І. – доктор педагогічних наук, доцент;

Меняйленко О.С. – доктор технічних наук, професор;

Сущенко А.В. – доктор педагогічних наук, професор;

Хоменко В.Г. – доктор педагогічних наук, професор.

І74 **Інформаційні технології в освіті та науці:** Збірник наукових праць. – Випуск 11. – Мелітополь: ФОП Однорог Т.В., 2019. – 344 с.

До збірника ввійшли матеріали, присвячені актуальним проблемам, що пов'язані із сучасним станом, перспективами розвитку, а також упровадженням та використанням інформаційних технологій у навчальний процес, наукові дослідження та економічну сферу.

Збірник буде корисним науково-педагогічним працівникам, аспірантам та студентам.

ISBN 978-617-7566-82-2

УДК 004:[001+37](058)

© Автори публікацій, 2019

<i>Золотуха Роман Андрійович, Глазунова Олена Григорівна</i> СОЦІАЛЬНІ МЕРЕЖІ ЯК ІНСТРУМЕНТ ІНФОРМУВАННЯ В ОСВІТНІЙ ДІЯЛЬНОСТІ	128
<i>Ібрагімова Людмила Анатоліївна</i> АНАЛІЗ БАЗОВИХ ПОНЯТЬ З ФОРМУВАННЯ АЛГОРИТМІЧНОЇ КОМПЕТЕНТНОСТІ	130
<i>Ізбаш Світлана, Ярова Ольга</i> ТЕОРЕТИЧНИЙ АНАЛІЗ ПОНЯТТЯ «ПІДГОТОВКА МАЙБУТЬОГО ВЧИТЕЛЯ ІНФОРМАТИКИ» У ПСИХОЛОГО-ПЕДАГОГІЧНІЙ ЛІТЕРАТУРІ	134
<i>Іванченко Карина, Титаренко Наталія Євгенівна</i> ЗАСТОСУВАННЯ ДИФЕРЕНЦІАЛЬНИХ РІВНЯНЬ БЕРНУЛЛІ ТА РІКАТТИ	137
<i>Кадемія Майя Юхимівна, Кобися Алла Петрівна, Кобися Володимир Михайлович</i> ДУАЛЬНЕ НАВЧАННЯ – ПЕРСПЕКТИВНА ФОРМА ОДЕРЖАННЯ ВИЩОЇ ОСВІТИ	139
<i>Кандала Ірина Миколаївна</i> ПОНЯТТЯ ТА РОЗВИТОК ВІЗУАЛЬНОГО МИСЛЕННЯ НА УРОКАХ ІНФОРМАТИКИ	142
<i>Кіржа Надія Василівна,</i> ОСОБЛИВОСТІ ФОРМУВАННЯ КОМУНІКАТИВНОЇ КОМПЕТЕНТНОСТІ СТУДЕНТІВ МЕДИЧНИХ КОЛЕДЖІВ	145
<i>Коваль Тамара Іванівна</i> СТРУКТУРА ІНФОРМАЦІЙНО-ОСВІТНЬОГО СЕРЕДОВИЩА ЛІНГВІСТИЧНОГО УНІВЕРСИТЕТУ	148
<i>Коноваленко Тетяна Василівна, Осадча Катерина Петрівна</i> МОБІЛЬНІ ТЕХНОЛОГІЇ У НАВЧАННІ АНГЛІЙСЬКОЇ МОВИ МАЙБУТНІХ ПРОГРАМІСТІВ ТА ІНЖЕНЕРІВ-ПЕДАГОГІВ	151
<i>Костенко Оксана Василівна</i> БІЗНЕС-СИМУЛЯЦІЯ ЯК СКЛАДОВА ЕЛЕКТРОННОГО НАВЧАЛЬНО-МЕТОДИЧНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ ДИСЦИПЛІНИ «ІНФОРМАЦІЙНІ СИСТЕМИ І ТЕХНОЛОГІЇ В ОБЛІКУ»	153
<i>Клочко Оксана Віталіївна, Нагаєв Віктор Михайлович</i> УПРАВЛІННЯ НАВЧАЛЬНО-ТВОРЧОЮ ДІЯЛЬНІСТЮ МАЙБУТНІХ МЕНЕДЖЕРІВ ЗАСОБАМИ ІНФОРМАЦІЙНО- ЦИФРОВИХ ТЕХНОЛОГІЙ	157
<i>Копняк Наталія Борисівна, Пікуль Крістіна Валеріївна, Федорчук Анастасія Ігорівна</i> ВИКОРИСТАННЯ У ПОЧАТКОВІЙ ШКОЛІ ІНТЕРАКТИВНИХ FLASH-ЗАСТОСУНКІВ, РОЗРОБЛЕНИХ У SMART NOTEBOOK	160

ЗАСТОСУВАННЯ ДИФЕРЕНЦІАЛЬНИХ РІВНЯНЬ БЕРНУЛЛІ ТА РІКАТТІ

Іванченко Карина, Титаренко Наталія Євгенівна
Мелітопольський державний педагогічний університет
імені Богдана Хмельницького

Анотація. В статті розглядаються лінійні диференціальні рівняння, рівняння Бернуллі і Рікатті та методи їх розв'язання, досліджуються застосування цих рівнянь в якості математичних моделей різноманітних процесів, зокрема на прикладі розв'язання задачі про дотичну і нормаль.

Ключові слова. Диференціальні рівняння, рівняння Бернуллі, рівняння Рікатті, лінійне рівняння, математичне моделювання.

Теорія звичайних диференціальних рівнянь є одним з основних засобів математичного природознавства. Ця теорія допомагає вивчати різні еволюційні процеси. Загальноновизнано, що метод побудови математичних моделей є найбільш ефективним методом вивчення різних явищ природи.[1] Дослідник записує основні закони, які керують досліджуваним явищем, в математичній формі. Зокрема, ці закони можна виразити у вигляді диференціальних рівнянь.

В наш час ведуться дослідження диференціальних рівнянь та їх прикладних застосувань. Значний внесок у теорію диференціальних рівнянь зробили А.М. Самойленко, М.О. Перестюк, І.О. Парасюк, Д.І. Мартинюк, С.А. Кривошия, В.М. Азбелев, Г.П. Пелюх та інші.

Дослідження типів і методів розв'язання диференціальних рівнянь та їх застосування є метою.

Вивчаючи будь-яке природне явище, дослідник насамперед створює його математичну ідеалізацію - математичну модель, записує основні закони, які керують цим явищем, в математичній формі. Досить часто в якості математичної моделі виступає диференціальне рівняння I порядку, оскільки воно пов'язує функцію та її похідну, яка характеризує швидкість перебігу певного процесу.

Отже, важливо вміти застосовувати методи розв'язання диференціальних рівнянь I-го порядку, оскільки знання практичних методів і теоретичних аспектів диференціальних рівнянь дають змогу розв'язувати широкий спектр прикладних задач.

При розв'язанні різноманітних задач фізики, економіки, біології та інших наук часто виникають диференціальні рівняння I порядку [2]:

$$\text{лінійне рівняння: } y' + P(x)y = Q(x) \quad (1),$$

$$\text{рівняння Бернуллі: } y' + P(x)y = Q(x)y^n \quad \text{де } n \in \mathbb{Q} \quad (2),$$

$$\text{рівняння Рікатті: } y' + P(x)y + Q(x)y^2 = f(x) \quad (3),$$

В загальному випадку рівняння (3) не інтегрується, але якщо відомий деякий частинний розв'язок цього рівняння Y_1 , то за допомогою заміни $Y = Z + Y_1$ рівняння Рікатті (3) можна привести до рівняння Бернуллі (2).

Одним з методів розв'язання як лінійного рівняння, так і рівняння Бернуллі є метод Бернуллі (або метод підстановки): зробимо в рівнянні (1) заміну змінної, поклавши $y = uv$.

Знаходимо похідну від рівняння та отримуємо. Підставляємо цю заміну в рівняння (1): $uv + vu + P(x)uv = Q(x)$

Згрупуємо перший і третій доданки (або другий і третій) в лівій частині цієї рівності:

$$v(u' + P(x)u) + vu = Q(x) \quad (4)$$

Нехай вираз, що стоїть в дужках дорівнює нулю, тобто вимагаємо, щоб $u' + P(x)u = 0$ - це рівняння з відокремленими змінними. Поділивши

обидві частини на u і помноживши на dx , отримаємо $\frac{du}{u} = -P(x)dx$, звідки інтегруючи та потенціюючи отримуємо: $u = e^{-\int P(x)dx}$ (5).

Підставивши функцію (5) у вираз (4) отримуємо для v рівняння з відокремленими змінними: $v' \cdot e^{-\int P(x)dx} = Q(x)$

Помноживши обидві частини останнього рівняння на $e^{\int P(x)dx}$, інтегруємо його та отримуємо:

$$v = \int Q(x) \cdot e^{\int P(x)dx} \cdot dx + C \quad (6)$$

Остаточо загальний розв'язок лінійного рівняння (1) запишемо у вигляді:

$$y = e^{-\int P(x)dx} \left(\int Q(x) \cdot e^{\int P(x)dx} \cdot dx + C \right)$$

Приклад 1. Крива $y = y(x)$ проходить через початок координат. Середина відрізка її нормалі, який міститься між будь-якою точкою кривої і віссю абсцис, лежить на параболі $y^2 = ax$. Скласти рівняння цієї кривої.

Нехай $M(x; y)$ - довільна точка кривої. Точка A перетину нормалі до кривої в точці M з віссю абсцис має координати $A(x + yy'; 0)$, а середина B

відрізка AB нормалі - координати $B\left(x + \frac{1}{2}yy'; \frac{y}{2}\right)$. Точка B лежить на параболі $y^2 = ax$, отже її координати задовольняють рівнянню параболі:

$$\frac{y^2}{4} = a\left(x + \frac{1}{2}yy'\right), \quad \text{або} \quad y' - \frac{y}{2a} = -\frac{2x}{y}.$$

Таким чином, маємо рівняння Бернуллі (2). Поклавши $y = u(x)v(x)$, дістанемо $\frac{du}{dx}v + u\frac{dv}{dx} - \frac{uv}{2a} = -\frac{2x}{uv}$.

Функцію $v(x)$ знайдемо з рівняння $\frac{dv}{dx} = \frac{v}{2a}$, наприклад $v = e^{\frac{x}{2a}}$. Тоді

для $u(x)$ маємо рівняння: $u\frac{du}{dx} = -2xe^{\frac{x}{a}}$.

$$\text{Звідси} \quad u^2 = -4 \int xe^{\frac{x}{a}} dx = 4e^{\frac{x}{a}}(a^2 + ax + C) \quad \text{або}$$

$$y^2 = 4(a^2 + ax + Ce^{\frac{x}{a}}).$$

Задана крива проходить через початок координат, тому

$$0 = 4(a^2 + C), \quad C = -a^2. \quad \text{Отже, її рівняння має вид } y^2 = 4ax + 4a^2\left(1 - e^{\frac{x}{a}}\right).$$

Приклад 2. Знайти загальний розв'язок рівняння $y' + \frac{y}{x} = \frac{\sin 2x}{x}$.
 Це лінійне рівняння виду (1), в
 $P(x) = \frac{1}{x}, Q(x) = \frac{\sin 2x}{x}$

якому

Нехай $y = uv$, тоді $y' = u'v + v'u$.

Маємо: $u'v + v'u + \frac{uv}{x} = \frac{\sin 2x}{x}$,

звідки $u'v + u(v' + \frac{v}{x}) = \frac{\sin 2x}{x}$.

Доберемо функцію v так, щоб $v' + \frac{v}{x} = 0$, тоді $u'v = \frac{\sin 2x}{x}$;

Інтегруючи перше з цих рівнянь, дістанемо $\frac{dv}{v} = -\frac{dx}{x}$;

$\ln v = -\ln x \Rightarrow v = \frac{1}{x}$

Підставивши значення v у друге рівняння, дістанемо: $u' \cdot \frac{1}{x} = \frac{\sin 2x}{x}$;

$du = \sin 2x dx \Rightarrow u = -\frac{\cos 2x}{2} + C$, після чого знайдемо загальний

розв'язок:

$$y = uv = \frac{1}{x(c - \frac{1}{2}\cos[2x])}$$

Отже, диференціальні рівняння є актуальним і перспективним напрямком дослідження і розв'язання прикладних задач, що виникають в різних галузях нашого життя, як в традиційних (хімія, фізика, біологія) так і у несподіваних (соціологія, політика, лінгвістика).

Література:

1. Самойленко А.М., Перестюк М.О., Парасюк І.О. Диференціальні рівняння: Підручник – 3-тє вид., перероб. і доп. – К.: “Київський університет”, 2010. – 527 с.
2. Кривошія С.А. та ін. Диференціальні та інтегральні рівняння: Підручник. - К.: Либідь, 2004. - 408 с.

ДУАЛЬНЕ НАВЧАННЯ – ПЕРСПЕКТИВНА ФОРМА ОДЕРЖАННЯ ВИЩОЇ ОСВІТИ

*Кадемія Майя Юхимівна,
Кобися Алла Петрівна,
Кобися Володимир Михайлович,
Вінницький державний педагогічний університет
імені Михайла Коцюбинського*

Анотація. У статті розглядається специфіка здійснення дуального навчання як складової практико-орієнтованої професійної освіти, визначені